

**Программа курса "Комплексный анализ"
весна 2018/19 уч.г., отделение механики
(лектор проф. П.А. Бородин)**

1. Теорема о логарифмическом вычете. Принцип аргумента. Теорема Руше. Принцип сохранения области. Многочлены Чебышева для круга. Теорема Гурвица.
2. Пример функции, голоморфной в заданной области и не продолжаемой аналитически ни в какую точку вне этой области.
3. Аналитическое продолжение гамма-функции Эйлера.
4. Принцип симметрии Римана-Шварца.
5. Непосредственное аналитическое продолжение элементов и его свойства. Аналитическое продолжение по цепочке и вдоль пути. Свойства продолжения вдоль пути.
6. Теорема о продолжении по гомотопным путям. Теорема о монодромии.
7. Полные аналитические функции. Теорема Пуанкаре–Вольтерра. Операции над аналитическими функциями. Сужение на односвязную область. Извлечение корня и взятие логарифма от функций, голоморфных в односвязной области и не обращающихся там в нуль.
8. Изолированные особые точки аналитических функций. Ряд Пюизо. Понятие о римановой поверхности аналитической функции.
9. Локальное обращение голоморфных функций. Формула обращения. Ряд Бюргмана–Лагранжа. Обратная функция как “связный” набор элементов. Порядок ветвления обратной функции в образе критической точки.
10. Теорема об общем виде алгебраической функции.
11. Лемма Шварца. Конформные автоморфизмы круга, комплексной плоскости и расширенной комплексной плоскости.
12. Принцип компактности Монтеля.
13. Теорема Римана. Конформная классификация односвязных областей. Теорема Каратеодори (без доказательства). Принцип соответствия границ (без доказательства).
14. Теорема Кристоффеля–Шварца об общем виде конформного отображения круга на многоугольник.
15. Модулярная функция Шварца. Малая теорема Пикара. Следствие для мероморфных функций. Большая теорема Пикара (без доказательства).
16. Гармонические функции двух переменных: связь с голоморфными функциями, бесконечная дифференцируемость, теорема о среднем, принцип экстремума, теорема единственности, теорема Лиувилля.
17. Задача Дирихле: единственность для ограниченных жордановых областей, сведение к случаю круга.
18. Интеграл Пуассона. Решение задачи Дирихле в круге. Формула Шварца.
19. Преобразование Лапласа. Простейшие свойства изображения и оригинала.
20. Формула обращения преобразования Лапласа. Теорема Бореля.
21. Применение преобразования Лапласа к решению задачи Коши для обыкновенных дифференциальных уравнений. Формула Дюамеля.
22. Плоско-параллельное обтекание контура идеальной несжимаемой жидкостью. Формулы Чаплыгина и Жуковского для подъемной силы. Комплексный потенциал в случае бесциркуляционного обтекания. Обтекание кругового цилиндра.