О СЕМИНАРЕ ПО КАЧЕСТВЕННОЙ ТЕОРИИ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ В МОСКОВСКОМ УНИВЕРСИТЕТЕ

В. М. Миллионщиков (Москва) "Орбитальный показатель Ляпунова как функция комплексных параметров" (27 мая 2001 г.).

Теорема. Пусть $x_0(\cdot): V \to W$ - аналитическое отображение эрмитовых комплексных аналитических многообразий. Пусть $f(\cdot): W \to TW$ - аналитическое векторное поле и пусть при всяком $\mu \in V$ решение $x_\mu(t)$ задачи Коши $\dot{x} = f(x)$, $x(0) = x_0(\mu)$ определено на R^+ , а функция $\mu \mapsto \sup \|f_x^{\cdot}(x_\mu(t))\|$ локально ограничена на V.

Тогда орбитальный показатель Ляпунова

$$\lambda_{orb}(\mu) := \lim \sup_{t \to \infty} t^{-1} \ln \| p_{x_{\mu}(t)} dX_f(t, 0) p_{x_{\mu}(0)} \|,$$

где p_x - ортопроектор $T_xW \to T_xW$, ядро которого есть векторное подпространство, порожденное вектором f(x), а $dX_f(t,0)$ - производная по $x \in W$ эволюционного оператора уравнения $\dot{x} = f(x)$, полунепрерывен сверху на некотором множестве полной меры в V, а его сужение на это множество непрерывно.