

Программа подготовки актуариев на механико-математическом факультете МГУ: история, текущее состояние и планы развития

д.ф.м.н., проф. Г.И.Фалин

кафедра теории вероятностей
механико-математический факультет
МГУ им.М.В.Ломоносова

АКТУАРИЙ – профессионал со специальной подготовкой по математике, статистике, финансам, экономике, который

- разрабатывает модели разнообразных ситуаций, связанных с неопределённостью в величине и времени будущих денежных потоков.
- решает реальные задачи, возникающие в работе страховых компаний, пенсионных фондов, инвестиционных банков и т.д. (например, рассчитывает премии и резервы по договорам страхования, оценивает обязательства пенсионного фонда перед участниками).

Для количественной оценки финансовых рисков (как правило, речь идёт об астрономических суммах) и правильного управления ими актуарии должны (кроме хорошего знания математики и статистики)

- знать соответствующую *предметную область*,
- понимать общие принципы функционирования бизнеса,
- знать законы и разнообразные нормативные документы,
- обладать хорошими навыками общения.

Слово «актуарий» произошло от латинского *actuarius* (счетовод).

1911 Encyclopædia Britannica: The name of *actuarius* ... in ancient Rome, was given to the clerks who recorded the *Acta Publica* of the senate, and also to the officers who kept the military accounts and enforced the due fulfilment of contracts for military supplies.

В английском языке оно появилось в середине 16 века и первоначально обозначало секретаря или архивариуса суда.

Oxford dictionary: *actuary* ['aktʃʊəri, -tjʊ-] Origin: mid 16th cent. originally denoting a clerk or registrar of a court

1911 Encyclopædia Britannica: ACTUARY. ... In its English form the word has undergone a gradual limitation of meaning. At first it seems to have denoted any clerk or registrar...

Современное значение: человек, который собирает и анализирует статистические данные с целью анализа страховых рисков (сер. 19в.); «актуарии, т.е. люди, искусные в вычислениях» (Акт об Обществах Взаимопомощи-1819)

Oxford dictionary: *actuary* ['aktʃʊəri, -tjʊ-] – a person who compiles and analyses statistics and uses them to calculate insurance risks and premiums... The current sense dates from the mid 19th cent.

1911 Encyclopædia Britannica: ACTUARY. ... then more particularly the secretary and adviser of any joint-stock company, but especially of an insurance company; and it is now applied specifically to one who makes those calculations as to the probabilities of human life, on which the practice of life assurance and the valuation of reversionary interests, deferred annuities, &c., are based. The first mention of the word in law is in the Friendly Societies Act of 1819, where it is used in the vague sense, "actuaries, or persons skilled in calculation," ...

В России «актуарий» – это обычно

- сотрудник страховой компании, пенсионного фонда и т.п., который занимает в своей организации должность «актуария»
- выпускник высшего учебного заведения, в дипломе которого указана специальность «актуарная математика», «актуарный анализ» и т.п.

Закон об организации страхового дела в РФ:

Страховые актуарии - физические лица, постоянно проживающие на территории Российской Федерации, имеющие квалификационный аттестат и осуществляющие на основании трудового договора или гражданско-правового договора со страховщиком деятельность по расчетам страховых тарифов, страховых резервов страховщика, оценке его инвестиционных проектов с использованием актуарных расчетов.

Федеральный закон о НПФ:

актуарий - лицо, которое отвечает требованиям, установленным для лиц, осуществляющих проведение актуарного оценивания деятельности фондов в порядке, определяемом Правительством Российской Федерации.

Актuariй в строгом смысле этого слова

В США или Великобритании «актуарием» имеют право себя называть (и нанимать соответствующие должности в бизнесе) лишь члены определённых профессиональных объединений.

Общество Актuariев (Society of Actuaries, США) – 26 тысяч членов,

Институт и Факультет Актuariев (Institute and Faculty of Actuaries, Великобритания) – 10 тысяч членов.



DW SIMPSON®

2013 SALARY SURVEY

Survey in USDS (000) 10th - 90th percentile [Base Salary + Paid Bonus] - Updated October 2013

<i>Life & Health</i> <i>October 2013</i>	< 0.5 yrs	0.5 - 2.5 yrs	2.5 - 4.5 yrs	4.5 - 6.5 yrs	6.5 - 9.5 yrs	9.5 - 14.5 yrs	14.5 - 19.5 yrs	> 19.5 yrs
1 exam	50 - 59	54 - 69	55 - 73					
2 exams	54 - 65	55 - 75	60 - 80	68 - 86				
3 exams	56 - 69	59 - 81	64 - 88	69 - 96				
4 exams	59 - 75	63 - 89	65 - 93	72 - 101	75 - 112			
4 exams + FAP I		66 - 92	68 - 101	76 - 111	84 - 125			
ASA		72 - 101	77 - 114	86 - 132	96 - 147	97 - 164	110 - 234	121 - 246+
FSA			97 - 146	104 - 160	118 - 200	128 - 249	147 - 351	160 - 410+

Место работы

Институт и Факультет Актуариев (Великобритания, 10 тысяч полных членов):

- 3,5 тысячи – страховые и перестраховочные компании,
- 4 тысячи – консультационные компании,
- 300 – управление инвестициями,
- 130 – розничные банки,
- 150 – инвестиционные банки,
- 200 – государственная служба,
- 100 – университеты.

Основной приток свежих сил в актуарную профессию идет из математики.

В 2008-2010 гг. студенческими членами Института и Факультета Актуариев стали 2049 человек. Из них в университете изучали/изучают:

- математику – 1193 человека (58.2%),
- актуарную науку – 457 (22.3%),
- физику – 96 (4.7%),
- экономику – 94 (4.6%);
- остальные специальности дали меньше 10% новых студенческих членов.

Актуарная наука в России до революции 1917г.

Актуарий – судебный писец, заносающий в регистр представляемые в суд акты, равно и пишущий самые акты. В России такое лицо называлось *подьячий* (см.). Петр Великий, создавая канцелярии коллегий, в общем для них генеральном регламенте 1220 г. (№ 3534) ввел должность *актуариуса*. Она определена в гл. XXXII регламента следующим образом: "Актуариус имеет по должности чина своего получаемые в коллегии письма прилежно собирать, оным реестр чинить, листы перемечивать, и о том квитанцную (или роспискам) книгу иметь, в которой, ежели служители коллегии из тех дел и писем некоторые для отправления своего дела возьмут, и в приеме оных росписки дадут, вносятся; при отдаче же тех дел оные росписки уничтожаются, и в той книге отмечать, что принято. Также имеет он Актуариус надзирание и попечение о бумаге, перьях, чернилах, сургуче, воске, о дровах, свечах и о прочем, что надлежит, и сверх того некоторая часть дел ему придается; а где в Коллегиях Регистратор не обретается, надлежит Актуариусу его дела во всем исправлять: також и Регистратор равно имеет чинить, где Актуариуса нет". Не точно разграниченная от регистратора, эта должность актуариуса не везде была замещена и затем слилась с должностью регистратора.

Ф.А.Брокгаузъ и И.А.Ефронъ, «Энциклопедический словарь», С.-Петербургъ, 1890-1907

...Распространение страховых операций выдвинуло целый ряд теоретических вопросов и заставило многих заняться специально их исследованием. Область страховых, или так назыв. *актуарных*, знаний касается математики, статистики и политической экономии. Законы, относящиеся к населению, имеют здесь особое значение и служат основанием для вычисления премий и для производства всех расчетов, связанных с ведением операций по С. жизни... Для вычисления премий, помимо таблиц смертности, важное значение имеют вычисления сложных процентов...

Литература. Б. Ф. Малешевский, "Теория и практика пенсионных касс" (1890); С. Е. Савич, "Элементарная теория С. жизни и трудоспособности" (1900)...

Ф.А.Брокгаузь и И.А.Ефронъ, «Энциклопедический словарь», С.-Петербургъ, 1890-1907

Буняковский В.Я. О вероятной численности контингентов русской армии в 1883, 1884 и 1885 годах. 1875. Приложение к XXV тому записок Имп. Академии Наук. Читано на заседании физ-мат отд. 18 марта 1875 г.

КОНТИНГЕНТ. РУССКОЙ АРМИИ ВЪ 1883, 1884 И 1885 ГГ. 15

ствующаго возрасту 21 — 22 г., къ указанію той же таблицы, соотвѣтствующему возрасту 8—9 л. Опредѣлимъ это отношеніе по тремъ моимъ *таблицамъ смертности*, изъ которыхъ одна вычислена на основаніи итоговъ умершихъ въ 1862 году, другая по подобнымъ даннымъ за 1870 годъ, а третья — на основаніи среднихъ итоговъ умершихъ въ восьмилѣтній періодъ 1863 — 1870 г.; всѣ три таблицы составлены при нормѣ 1000 годовыхъ рожденій *).

Такъ какъ возрастное обозначеніе въ первой таблицѣ отнесено не къ годовымъ періодамъ

0 — 1 г., 1 — 2 г., 2 — 3 г., 3 — 4 г.,

а къ точно опредѣленнымъ возрастамъ

0, 1 г., 2 г., 3 г.,

то для полученія указаній, соотвѣтствующихъ возрастамъ 8—9 л. и 21 — 22 г., я приму приблизительно *среднія* изъ двухъ смежныхъ указаній, какъ показано ниже:

8-ми годамъ соотвѣтет. указаніе 567

9-ти » » » 561

Средняя: 564.

ГЛАВА VIII.

О страховании жизни.

§ 39. Расчеты стоимостей различных видов страхования жизни основаны на нормѣ роста капитала и на таблицах смертности, служащихъ для исчисления вѣроятностей тѣхъ или иныхъ предположеній о жизни и смерти людей; ибо эти расчеты связаны съ разсмотрѣніемъ суммъ, которыя должны быть выданы или получены въ различныя эпохи времени, въ зависимости отъ жизни или смерти опредѣленныхъ лицъ.

Посредствомъ известнаго множителя, выражающаго ростъ капитала во времени, подобныя суммы приводятся къ одной эпохѣ, которую мы назовемъ основнымъ моментомъ времени.

Относя все капиталы къ основному моменту, превращаютъ капиталъ A въ

$$\frac{A}{(1+i)^n},$$

если полученіе или выдача капитала A послѣдуетъ черезъ n лѣтъ послѣ основнаго момента времени, при чемъ i означаетъ число постоянное и измѣряетъ годовой ростъ капитала.

Если же капиталъ A долженъ быть выданъ или полученъ за n лѣтъ до основнаго момента времени, то его превращаютъ въ

$$A(1+i)^n.$$

Создание программы подготовки актуариев на механико-математическом факультете МГУ

Начало 90-х годов:

- группа сотрудников кафедры заинтересовалась применением вероятностно-статистических методов к решению разнообразных задач, возникающих в страховании и финансах.
- Наряду с мех-мат ф-том интерес к актуарному делу проявили ф-т ВМК (С.А.Ашманов) и экономический ф-т (И.Б.Котловский).
- В первой половине 90-х годов группы трех этих факультетов тесно сотрудничали в деле становления актуарно-финансового образования в МГУ.
- Профессиональные актуарные объединения и правительственные организации США, Канады, Великобритании, Франции выступили с инициативами, направленными на поддержку рыночных реформ в СССР и России.

Подготовка сотрудников кафедры по актуарной науке и опыт работы в бизнесе

**Е.В. Чепурин, Е.В.Булинская, Д.Б. Гнеденко , С.В.Жуленёв,
О.П.Виноградов:**

- Федерация страховых обществ Франции, университеты Париж-6 и Лионский, стажировка 1 месяц (1995)
- Институт актуариев (Оксфорд), Факультет актуариев (Эдинбург), 2 недели (1998)
- лекции актуариев из Франции, Англии на мех-мате (1994, 1995)

Г.И.Фалин:

- Swiss Insurance Training Center (1997, 1998)
- квалификационные экзамены The Society of Actuaries (USA) – Associate (1995)
- Swiss Reinsurance Company, работа в должности Life Actuary (1997-1999)

В начале 90-х годов сотрудники кафедры начали чтение специальных курсов по теории риска, математике финансов и инвестиций, математическим моделям в страховании жизни, перестрахованию и другим разделам финансовой и актуарной математики. При этом они непрерывно повышали свое образование в этих областях.

В середине 90-х годов студенты кафедры выполнили первые курсовые и дипломные работы по этой тематике.

С 1999/2000 учебного года специализация 010131 «актуарно-финансовый анализ» официально входит в перечень специализаций механико-математического факультета и вносится в диплом.

Ежегодно кафедра формирует группу студентов (около 25 человек), окончивших 2 курс и желающих продолжить обучение по этой специализации.

**Программа Специализации
«актуарно-финансовый анализ»**

3 курс

- Актuarная и финансовая математика – 1 (1 год – экзамен)

4 курс

- Актuarная и финансовая математика – 2 (1 год – экзамен)
- Многомерный статистический анализ (1/2 год-весна–зачет)

5 курс, осень

- Теория разорения (1/2 год — экзамен)
- Статистика временных рядов (1/2 год– экзамен)
- Современные модели экономики – 1 (1/2 год– экзамен)
- Финансовая статистика (1/2 год– экзамен)

5 курс, весна

- Стохастическое исчисление в финансах (1/2 год– экзамен)
- Статистика случайных процессов (1/2 год–зачет)
- Современные модели экономики – 2 (1/2 год–зачет)

6 курс, весна

- Новые стохастические модели актуарной математики (1/2 год–экзамен)
- Меры финансового риска (1/2 год- экзамен)
- Современные модели инвестиций (1/2 год–экзамен)
- Гражданское и страховое право (1/2 год–экзамен)

Дополнительные спецкурсы по выбору студентов

- Стохастические модели в теории запасов и страховании **проф.Е.В.Булинская**
- Исчисление Маллявэна и его применения в математических финансах **проф. В.Д.Конаков**
- Актuarные расчеты в страховании не-жизни: современная практика **к.ф.-м.н. Н.А.Ирхина**
- Актuarные модели **проф. Г.И.Фалин**
- Математика финансов и инвестиций **проф. Г.И.Фалин**
- Статистический анализ данных типа времени жизни **с.н.с. Н.В.Чистякова**

**Научные публикации
сотрудников кафедры по
финансовой и актуарной
математике за 2008-2013**

- Shiryaev A., Burnaev E., Markov M., Panchekha A. Portfolio choice and cross-sectional skewness of hedge funds returns. *Quantitative Finance*, 2013.
- Г.Фалин. Профессиональный экзамен по математике страхования жизни Института и Факультета Актуариев Великобритании. *Страховое дело*, 2013, №10
- Житлухин М.В., Ширяев А.Н. О выборе оптимального момента продажи акции в условиях меняющегося тренда. *Теор. вер. и ее прим.*, 2013, № 58
- Ivanov R.V., Shiryaev A.N. On Duality Principle for Hedging Strategies in Diffusion Models. *Theory of Probability and its Applications*, 2012, том 56, № 3, p. 376-402
- Г.И.Фалин. Актуарное образование в США и Великобритании. *Страховое дело*, 2012, №4, 47-55.
- Bulinskaya E., Yartseva D. Discrete time models with dividends and reinsurance. Proceedings of SMTDA 2010, Chania, Greece, June 8-11, 2010, p. 155-162
- Bulinskaya E., Gromov A. New approach to dynamic XL reinsurance. Proceedings of SMTDA 2010, Chania, Greece, June 8-11, 2010, p. 147-154
- Bulinskaya E.V. Stochastic Insurance Models: Their Optimality and Stability. *Advances in Data Analysis. Theory and Applications*, 2010, p. 129-140
- Novikov A.A., Shiryaev A.N. On a stochastic version of the trading rule “buy and hold”. *Statistics and Risk Modeling*, 2008, том 26, № 4, p. 289-302
- Eberlein E., Papantoleon A., Shiryaev A.N. On the duality principle in option pricing: semimartingale setting. *Finance and Stochastics*, 2008, № 2, p. 265-292
- Shiryaev A., Xu Z., Zhou X.Y. Thou shalt buy and hold. *Quantitative Finance*, 2008, № 8
- Falin G. On the optimal pricing of a heterogeneous portfolio. *ASTIN Bulletin*, 2008, vol. 38, № 1, p. 161-170

**Книги по финансовой и
актуарной математике,
опубликованные сотрудниками
кафедры**

- Г.И.Фалин, А.И.Фалин. *Введение в актуарную математику. Мат. модели в страховании*: Москва, Изд-во Московского университета, 1994.
- Г.И.Фалин. *Математический анализ рисков в страховании*, Российский юридический издательский дом, Москва, 1994.
- А.Н.Ширяев. *Основы стохастической финансовой математики. Том 1. Факты. Модели*. М: Изд-во Фазис, 1998.
- А.Н.Ширяев. *Основы стохастической финансовой математики. Том 2. Теория*. М: Изд-во Фазис, 1998.

- Е.В.Булинская. *Теория риска и перестрахование. Часть 1. Упорядочивание рисков.* Изд-во мех-мат ф-та МГУ, 2001
- С.В.Жуленев. *Финансовая математика. Введение в классическую теорию.* Изд-во МГУ, 2001.
- Г.И.Фалин, А.И.Фалин. *Актuarная математика в задачах.* Физматлит, Москва, 2003.
- Г.И.Фалин, А.И.Фалин. *Теория риска для актуариев в задачах,* Мир, Москва, 2004.

- Е.В.Булинская. *Теория риска и перестрахование. Часть 2.* Мехмат. ф-т МГУ, 2006.
- С.В.Жуленев. *Стохастическая финансовая математика. Финансовые рынки в дискретном случае.* М.: мехмат МГУ, 2007.
- Г.И.Фалин. *Математические основы теории страхования жизни и пенсионных схем.* 3-е издание: АНКИЛ, Москва, 2007.
- Е.В.Булинская. *Теория риска и перестрахование.* М: Мэйлер, 2009.
- С.В.Жуленев. *Финансовая математика. Введение в классическую теорию. Часть 2.* Изд-во Московского университета, 2012.

Чтение лекций в зарубежных университетах по финансовой и актуарной математике

А.Н.Ширяев: Columbia University (May 2004), University South California (Los Angeles, USA, June 2005), Princeton University (November-December 2005), Halmstad University (Sweden, November-December 2006), Amsterdam University, (January 2007) и т.д. Visiting Prof.

Е.В.Булинская: Heriot-Watt University (Edinburgh, UK)
2001 Visiting Lecturer

Г.И.Фалин: Kingston University (London, UK) 2009-2010
Professor of Actuarial Science and Mathematics

Членство в редколлегиях журналов по финансовой и актуарной математике и в профессиональных обществах

А.Н.Ширяев:

- “Finance and Stochastics“,
- “Quantitative Finance“
- Президент Общества актуариев (Россия) 1994-1998
- President of the Bachelier Finance Society 1998-1999

Г.И.Фалин:

- «Страховое дело» 2005-
- The Society of Actuaries, USA 1995-

Организация конференций по финансовой и актуарной математике

- International Conference “Kolmogorov and Contemporary Mathematics”, June 16-21, 2003, Moscow
- International Conference « Stochastic Finance-2004 », September 26-30, 2004, Lisbon, Portugal
- International Conference “Finance and Control“, April 2007, Portugal
- Международная конференция "Теория вероятностей и ее приложения", посвященная 100-летию Б.В.Гнеденко, 26-30 июня 2012, Москва
- Международная конференция «Стохастическая финансовая математика», 24–28 июня 2013, МИАН, Москва

Конкурсы студенческих научных работ

2004 г. страховая компания Никойл Страхование

Александр Перевощиков. –Учет фактора расторжения договоров в страховании жизни.
третья премия

Артем Амбарцумян. Семейное страхование жизни. Специфика формирования резервов.-- поощрительный приз

2005 г. страховая компания «Ингосстрах»

Ухоботов Андрей «Пенсионное страхование: пожизненная пенсия с дополнительными выплатами вдове» -- поощрительная премия

2006 г. страховая компания "Ингосстрах

Киселев А. А "Нахождение справедливой цены полиса с участием в прибыли страховой компании и возможностью расторжения";

Публикации студентов

1. Шишкин С. А. Кредитное страхование жизни. Страховое дело. 2002,№12
2. Амбарцумян А. Р. Семейное положение как фактор риска в страховании жизни. Страховое дело. 2002,№9
3. Перевощиков, А. Л. Учет фактора разрыва договоров в страховании жизни. Страховое дело. 2003,№11
4. Амбарцумян, А. Семейное страхование жизни: формирование резервов и доходность. Страховое дело. 2004,№6-7
5. Ухоботов А.В. Наследование в пожизненной схеме пенсионных выплат: пенсия вдове. Страховое дело. 2006,№5-6

Выпускники

- Голачева С.В.(1998)-Росгосстрах-Руководитель Актуарного центра
- Шашлов М.Ю.(1998)-РЕСО-Гарантия-Член Правления, зам.ген.директора
- Зверев С. (1998) – ООО «ИНЭК-Автоматизированные системы» –
Руководитель отдела продаж
- Адамович М.А.(1999)-СГ Уралсиб-Руководитель Центра Стратегического анализа и актуарных расчетов
- Галкина М.Б.(2000)-ПФ Страхование жизни-Главный актуарий
- Буслаев С. (2000)- СК Кредит Европа-Лайф-Зам.ген.директора
- Кузнецов Д.(2001)-СК «Согласие»-Директор (андеррайтинг массовых видов страхования)
- Майорова Т.В.(2003)-ЦБ РФ, Служба по финансовым рынкам-Начальник Управления
- Шишкин С.(2004)-Альфа-Страхование-Зам. финансового директора
- Соболев А.Н.(2004)-ООО "СК "РГС-Жизнь" -Руководитель Центра Продуктовых Разработок

- Перевощиков А.Л.(2004)-ОАО "АльфаСтрахование" –Руководитель Управления актуарно-финансового анализа
- Амбарцумян А.(2004)-СК Цюрих-директор департамента
- Ирхина Н. А.(2005)-СГ "СОГАЗ" - начальник Отдела
- Говор А.(2006)-ОАО «Московская Биржа»-Управляющий директор по стратегии
- Подлевских О.(2006)-ОСАО Ингосстрах-Начальник Управления
- Каширин А.Б.(2006)-группа компаний Связной-Начальник Управления
- Ершов А.Е.(2006)-ОАО Банк ВТБ-директор Управления кредитных рисков
- Пилипчук А.А.(2006)-ОАО СК "Альянс" -Заместитель директора по ДМС
- Ухоботов А.(2006)-ООО "АльфаСтрахование-Жизнь" –Руководитель Актуарно-аналитического управления
- Шухардина Д.В.(2006)-ООО "Газпром экспорт" –начальник Управления по рискам
- Купоров А.В.(2006)-PricewaterhouseCoopers-Старший менеджер
- Кузнецов А.Ю.(2006)-ООО "Газпром центрремонт" –начальник отдела
- Ливенцева Д.В.(2006)-KPMG-Менеджер
- Холин В.Е. (2006) – группа компаний «Финист» – председатель правления
- Соколов С.Н.(2006) – ОАО «Российское агентство по страхованию экспортных кредитов и инвестиций (ЭКСАР) – Эксперт Финансового управления

- Стожков В.Д.(2007) – University of Florida, Industrial Systems Engineering Department – Doctoral Graduate Student
- Морозов И.С.(2007) – Сбербанк России, Департамент методологии и контроля рисков – ведущий специалист
- Ахияров Т.Р.(2007) – ООО АТР-Консалтинг (стратегический и финансовый консалтинг), ООО АТР-Трубы (поставка металлических труб) – Генеральный директор
- Куприянов С.Л.(2007)-Газпромбанк, Центр развития дочерних банков-Директор
- Киселев А.А.(2007)-Saint Gobain-Business Controller
- Костюченко П.А.(2007)-PricewaterhouseCoopers, Группа Актуарных услуг – Менеджер
- Ненарокомова Н.С.(2007) – Verno Capital, старший инвестиционный аналитик
- Веремьев А.Ф.(2007) – Air Force Research Laboratory, Munitions Directorate, Eglin AFB, Florida, USA –NRC Research Associate
- Калинченко К.П.(2007) – Deutsche Bank Global Equity Markets UK – финансовый инженер
- Захаров С.В. (2007) – Газпромбанк, Департамент корпоративного финансирования – менеджер проекта, руководитель группы

Планы развития

С точки зрения актуарной профессии актуарное образование, полученное в университете, рассматривается лишь как основа для дальнейшего полноценного профессионального образования.

Даже выпускник престижного университета в США или Великобритании с дипломом бакалавра или магистра по актуарной науке не имеет права называть себя актуарием и занимать соответствующие должности в бизнесе.

Лишь после изучения профессии в соответствии с требованиями Общества Актуариев (в США), Института и Факультета Актуариев (в Великобритании) и т.д. он может считаться актуарием.

Институт и Факультет Актуариев Великобритании

появился 1 августа 2010 года в результате слияния Института Актуариев (Англия) и Факультета Актуариев (Шотландия)

получает около 9 млн. фунтов в год за счет членских взносов и платы за квалификационные экзамены, имеет около 20 млн. фунтов чистых активов

издаёт два журнала: *Анналы Актуарной Науки* (Annals of Actuarial Science – два раза в год) и *Британский Актуарный Журнал* (British Actuarial Journal – три раза в год)

Общая структура программы подготовки и аттестации актуариев

4 группы курсов (stages в терминологии ИФА):

1. Ключевых технических (Core technical – CT)
2. Ключевых прикладных (Core applications – CA)
3. Технических для специалистов (Specialist Technical – ST)
4. Приложений для специалистов (Specialist Applications – SA)

Ключевой технический этап

1. Финансовая математика (Financial Mathematics – курс СТ1)
2. Финансы и финансовая отчётность (Finance and Financial Reporting – курс СТ2)
3. Теория вероятностей и математическая статистика (Probability and Mathematical Statistics – курс СТ3)
4. Модели (Models – курс СТ4)
5. Актуарная математика в страховании жизни (Contingencies – курс СТ5)
6. Статистические методы (Statistical Methods – курс СТ6)
7. Экономика бизнеса (Business Economics – курс СТ7)
8. Финансовая экономика (Financial Economics – курс СТ8)
9. Понимание бизнеса (Business Awareness – курс СТ9)

Плата: СТ1-СТ8 по £195, СТ9 – £1074.

Актuarные звания и дипломы–1

Диплом по актуарным методам (Diploma in Actuarial Techniques): все 9 экзаменов ключевого технического этапа (CT1-CT9).

Аттестат о квалификации в области финансов и инвестиций (Certificate in Finance and Investment): 6 экзаменов ключевого технического этапа (CT1, CT2, CT4, CT7, CT8, CT9) + экзамен Актуарное управление рисками (Actuarial Risk Management – курс CA1) ключевого прикладного этапа.

Аттестат по финансовой математике (Certificate in financial mathematics): экзамен "Финансовая математика" (курс CT1)

Актuarные звания и дипломы–2

Член-корреспондент: все 9 ключевых технических предмета (СТ1-СТ9), все 3 ключевых прикладных предмета (СА1-СА3), иметь практические актуарные навыки (эквивалентные одному году работы), прослушать однодневный курс по профессии.
400 чел. £456 в год

Полный член: член-корреспондент + 2 экзамена по техническим курсам для специалистов (ST) + 1 экзамен по приложениям для специалистов (SA) + практические актуарные навыки (эквивалентные трем годам работы). 10 тыс. чел. £690 в год

Дипломированный актуарий по предпринимательским рискам (Chartered Enterprise Risk Actuary – CERA): член-корреспондент или полный член + экзамен ST9.

Для того, чтобы заинтересовать студентов университетов актуарной карьерой, Институт и Факультет Актуариев в ряде случаев может освободить выпускников университетов, получивших дипломы по актуарной науке, математике, статистике, экономике, от формальной сдачи ряда экзаменов. Обычно это делается, если программа обучения в университете аккредитована Институтом и Факультетом Актуариев. В Великобритании такую аккредитацию имеют около двух десятков университетов (Кембриджа, Оксфорда, Бирмингема, Бристоля, Эдинбурга, Кента, Лидса, Сити, Лондонская школа экономики, Имперский колледж и т.д.).

Аккредитацию имеют несколько университетов других стран: университет Дублина, университетский колледж Дублина и Национальный университет (Ирландия), университет Ватерлоо (Канада), технологический университет Сингапура, университет Гонконга, университеты Сиднея, Перта и Мельбурна (Австралия), Индийский статистический институт (Калькутта), технический университет Лиссабона (Португалия), Каирский университет (Египет), университет Замбии.

Количество и перечень засчитываемых экзаменов зависят от университета, программы обучения, полученных оценок. Например, выпускники программы по актуарной науке университета Сити (Лондон) могут зачесть сразу 8 экзаменов, от СТ1 до СТ8. Выпускники статистической программы университета Кембриджа могут претендовать за зачёт только двух экзаменов, СТ3 и СТ6, а выпускники-математики университета Бристоля – лишь СТ3.

Заявление на зачёт экзаменов должно быть заверено актуарием из компании, где работает заявитель, сам заявитель должен быть студенческим членом Института и Факультета Актуариев.

За каждый зачтённый экзамен он должен заплатить определенную сумму (155 фунтов за один предмет из списка СТ1-СТ9, 420 фунтов за СА-1, 220 фунтов за экзамен по остальным предметам). Для заявителей из других стран плата примерно на 60% ниже.

Для получения статуса студента Института и Факультета Aktuариев необходимо подать заявление в ИФА и заплатить вступительный взнос в размере 172 фунтов.

Поддержание студенческого членства предполагает ежегодный членский взнос в размере 282 фунтов (эти суммы уменьшаются до 130 фунтов и 192 фунтов соответственно для студентов, проживающих вне Европы).

Всего в ИФА около около 11000 студентов.

Кроме того, на автоматический зачёт экзамена могут претендовать кандидаты, которые сдали актуарные экзамены в обществах актуариев США, Австралии, Индии, Южной Африки, защитили диссертацию по актуарной или математической тематике или имеют определённую профессиональную квалификацию (например, магистр делового администрирования, дипломированный менеджер финансовых рисков и т.п.). Список экзаменов, которые могут быть зачтены по этим основаниям, довольно ограничен.

Планы развития

Приведение актуарной программы мех-мата в соответствие с программой квалификации актуариев Института и Факультета Актуариев Великобритании (ИФА)

Получение нашими студентами Аттестата по финансовой математике ИФА (Certificate in financial mathematics)

Аккредитация нашей программы в ИФА

Желающих сдать квалификационные экзамены Института Актуариев и получить чрезвычайно востребованную на рынке труда квалификацию довольно много. Уровень требований таков, что до половины кандидатов проваливаются. Например, экзамен СТ1 в апреле 2012 сдавали 660 человек, а успешно сдали 357 человек (54%), экзамен СТ5 в апреле 2012 сдавали 846 человек, а успешно сдали 507 человек (60%). Кандидат может пересдавать экзамен без всяких проблем, если только у него есть достаточные средства, т.к. каждая попытка сдать экзамен обходится в 195 фунтов (около 10 тысяч рублей).

**Экзамен СТ1 – Финансовая математика
(Financial Mathematics)
3 октября 2012 года**

Задача 1. Инвестор рассматривает два проекта. Один из них – это депозит на 91 день, по которому выплачиваются проценты в соответствии с эффективной годовой ставкой 4%. Второй – казначейский вексель. Вычислите простую годовую учётную ставку для казначейского векселя, если известно, что оба инструмента обеспечивают одну и ту же эффективную доходность. (3 балла)

Задача 2. Номинальная годовая учётная ставка для платежа через один квартал равна 8%.

(i) Вычислите эквивалентную интенсивность процентов. (1 балл)

(ii) Вычислите эквивалентную эффективную годовую процентную ставку. (1 балл)

(iii) Вычислите эквивалентную номинальную годовую учётную ставку для платежа через один месяц. (2 балла) (Всего 4 балла)

Задача 3. 1 января 2010 г. инвестиционный фонд оценивался в £120m и в £140m 1 января 2011 г. Немедленно после оценки 1 января 2011 г. в фонд внесли £200m. 1 июля 2012 г. фонд оценивался в £600m.

(i) Вычислите среднюю по времени эффективную годовую ставку дохода, TWRR, за этот период времени. (3 балла)

(ii) Объясните, почему для рассмотренного примера эквивалентная по финансовому результату ставка дохода, MWRR, должна быть выше средней по времени ставки дохода, TWRR. (2 балла) (Всего 5 баллов)

Задача 4. 1 сентября 2012 заключён десятимесячный форвардный контракт на покупку акции, стоимость которой в этот день равна £10. Выплата дивидендов в размере £1 на акцию ожидается 1 декабря 2012, 1 марта 2013 и 1 июня 2013.

(i) Рассчитайте форвардную цену, если номинальная безрисковая процентная ставка на полгода составляет 8% годовых, а арбитраж отсутствует. (4 балла)

(ii) Объясните, почему при расчёте форвардной цены нет необходимости использовать ожидаемую цену акции в момент исполнения форвардного контракта. (2 балла) (Всего 6 баллов)

Задача 5. (i) Опишите характеристики еврооблигаций. (4 балла)

(ii) (a) Опишите характеристики депозитного сертификата.

(b) На рынке торгуются два вида депозитных сертификатов некоторого банка. Номинальная годовая процентная ставка для одномесячного сертификата равна 12 процентов. Двухмесячный сертификат обеспечивает номинальную годовую доходность 24% с ежемесячным начислением процентов. Предполагая отсутствие арбитража, рассчитайте номинальную годовую форвардную процентную ставку с начислением процентов через месяц для второго месяца. (4 балла) (Всего 8 баллов)

Задача 6. Заём выдан под $i=6\%$ годовых на 10 лет. Он должен быть возвращён ежегодными выплатами возрастающего размера. Выплаты должны производиться раз в год, в конце года. Первый выплата должна составлять £200, затем выплаты каждый год будут увеличиваться на £100.

(i) Вычислите сумму займа. (2 балла)

(ii) (a) Вычислите, какую сумму в седьмой выплате составляют проценты.

(b) Вычислите, какая сумма в седьмой выплате выплачивается в счёт погашения основной суммы займа. (4 балла)

(iii) Немедленно после седьмой выплаты заёмщик просит увеличить срок возврата займа до 15 лет и хочет возвращать невыплаченную сумму займа одинаковыми ежегодными платежами. Займодавец соглашается, но в момент изменения условий договора займа меняет процентную ставку на 8% годовых. Вычислите размер пересмотренных ежегодных выплат. (3 балла)

(Всего 9 баллов)

Задача 7. Человек желает вложить деньги таким образом, чтобы получить через двадцать лет £200,000. В первые десять лет с вероятностью 0.3 инвестированные средства будут приносить 4% годовых, а с вероятностью 0.7 – 6%. Во вторые десять лет с вероятностью 0.3 инвестированные средства будут приносить 4% годовых, а с вероятностью 0.7 – 6%, однако процентная ставка во втором десятилетнем периоде не зависит от процентной ставки в первом десятилетнем периоде.

(i) Вычислите сумму, которую следует инвестировать, если бы человек производил расчёты, используя среднее значение годовой процентной ставки в каждом десятилетнем периоде. *(2 балла)*

(ii) Предположим, что инвестирована сумма, вычисленная в пункте (i). На сколько в среднем результат инвестиции превысит сумму £200,000. *(3 балла)*

(iii) Вычислите размах накопления, если инвестирована сумма, вычисленная в пункте (i). *(2 балла)*

(Всего 7 баллов)

Задача 8. Интенсивность процентов, $\delta(t)$, является функцией времени (измеряемого годами) и в момент t , даётся формулой

$$\delta(t) = \begin{cases} 0.03 + 0.01t, & \text{для } 0 \leq t \leq 9, \\ 0.06, & \text{для } t > 9. \end{cases}$$

(i) Получите и упростите насколько это возможно выражение для $v(t)$, где $v(t)$ – текущая стоимость единичной денежной суммы, которая должна быть выплачена в момент t . (5 баллов)

(ii) (a) Вычислите текущую стоимость суммы £5000, которая подлежит выплате в конце пятнадцатого года.

(b) Вычислите постоянную интенсивность процентов, соответствующую этой операции. (4 балла)

Между моментами $t=11$ и $t=15$ поступает непрерывный поток платежей со скоростью $\rho(t) = 100 \cdot e^{-0.02t}$ (денежных единиц в год).

(iii) Вычислите текущую стоимость этого потока платежей. (4 балла)

(Всего 13 баллов)

Задача 9. (i) Расскажите о трёх теориях, которые были выдвинуты для объяснения формы кривой доходности. (7 баллов)

Правительство некоторой страны только что выпустило пять облигаций со сроком до погашения один, два, три, четыре и пять лет соответственно. Эти облигации погашаются по номиналу, а проценты по ставке 4% выплачиваются в конце каждого года.

(ii) Подсчитайте дюрацию однолетней, трёхлетней и пятилетней облигаций, если общая годовая эффективная доходность при погашении равна 5%. (6 баллов)

(iii) Объясните, почему пятилетняя облигация с купонной ставкой 8% годовых имеет меньшую дюрацию, чем пятилетняя облигация с купонной ставкой 4% годовых. (2 балла)

Через четыре года после выпуска, сразу же после выплаты купона, правительство предвидит проблемы с обслуживанием оставшегося долга и предлагает владельцам пятилетних облигаций два возможных варианта решения проблемы.

Вариант 1: в установленное время облигация гасится с выплатой 79% номинальной стоимости, а последняя купонная выплата не производится.

Вариант 2: погашение облигации отодвигается на семь лет от установленной даты погашения, а купонная ставка уменьшается до 1% годовых до конца текущего и продлённого срока.

Предположим, что бонды были выпущены по цене, равной £95 за £100 номинала.

(iv) Подсчитайте эффективную годовую ставку дохода для вариантов 1 и 2 для всего срока существования облигации и определите, какой вариант обеспечит большую доходность. *(6 баллов)*

(v) Предложите два других соображения, которые держатели облигаций могли бы учесть, принимая решение о том, на какой вариант согласиться. *(2 балла)*

(Всего 23 балла)

Задача 10. Рассматриваются два инвестиционных проекта.

(i) Объясните, почему сравнение дисконтированных периодов окупаемости или периодов окупаемости в большинстве случаев не подходит для того, чтобы сделать выбор между двумя инвестиционными проектами. (3 балла)
Каждый из двух проектов предполагает начальное вложение в размере $P = \text{£}3\text{m}$. Доходы от этих двух проектов таковы:

Проект А

За первый год проект А принесёт $\text{£}0.5\text{m}$. За второй год он принесёт $\text{£}0.55\text{m}$. Поступления от этого проекта будут продолжать увеличиваться на 10% в год, а в конце шестого года прекратятся. Предположим, что все деньги, заработанные на протяжении года, поступают в середине года.

Проект В

Проект В будет приносить $\text{£}0.64\text{m}$ в год на протяжении шести лет. Предположим, что на протяжении этого периода деньги поступают непрерывно и равномерно.

(ii) (a) Найдите период окупаемости проекта В.

(b) Найдите дисконтированный период окупаемости проекта В при технической эффективной годовой ставке 4%. (5 баллов)

(iii) Определим точку пересечения как техническую годовую процентную ставку, при которой чистые приведённые стоимости двух проектов равны. Покажите, что существует по меньшей мере одна точка пересечения, значение которой лежит от 0% до 4%. (6 баллов)

(iv) Вычислите дюрацию потока поступлений от проектов А и В при технической процентной ставке 4% годовых. (6 баллов)

(v) Объясните, почему при увеличении технической процентной ставки, использовавшейся выше при расчётах, текущая стоимость потока поступлений от проекта А будет уменьшаться быстрее, чем текущая стоимость потока поступлений от проекта В. (2 балла)

(Всего 22 балла)

**Экзамен СТ5 – Актуарная математика в
страховании жизни (Contingencies)
апрель 2012 года**

Задача 1. (а) Разъясните смысл обозначения ${}_{45}q_{[60]+1}$

(b) Вычислите значение этой величины, используя таблицу смертности AM92
[3 балла]

Задача 2. В соответствии с условиями договора страхования жизни постоянная премия в размере $P=£3,000$ платится раз в год в начале каждого года действия договора. Страховая сумма, которая выплачивается в конце года смерти, равна сумме всех внесённых к этому моменту премий без процентов. Для договора, который всё ещё действует в начале двенадцатого года, дана следующая информация: резерв в начале двенадцатого года равен V , резерв в конце этого года (в расчёте на каждого дожившего до этого момента) равен V_1 , вероятность смерти на протяжении этого года равна $q=0.03$, расходы в размере $e=£90$ должны быть выплачены в начале года, компания зарабатывает $i=4\%$ годовых (отрицательный балас по договору растёт в соответствии с той же процентной ставкой). Все резервы выше вычислены непосредственно перед поступлением очередной премии. Для каждого договора, действующего в начале двенадцатого года, подсчитайте ожидаемый доход или потери к концу этого года. [3 балла]

Задача 3. Подсчитайте $a_{50:\overline{15}|}$ и $(IA)_{50:\overline{15}|}^1$, используя техническую процентную ставку и таблицу смертности AM92. [4 балла]

Задача 4. Супружеская пара, муж в возрасте 60 лет и жена в возрасте 55 лет, покупают полис совместного страхования жизни, который обеспечивает выплату страховой суммы £100,000 немедленно после второй смерти. Подсчитайте среднее значение современной стоимости этого договора. Техническая основа расчётов: таблица смертности PMA92C20 для мужчины, PFA92C20 для женщины; годовая процентная ставка 4%. Расходы не учитываются. [4 балла]

Задача 5. Десятилетний договор инвестиционного страхования жизни имеет следующий вектор дохода: (-40, -12, -6, -1, 5, -4, 8, 20, 25, 30). Каким будет вектор дохода, если сформировать резервы, которые обнулят отрицательные значения дохода. База расчётов: вероятность смерти на протяжении года равна для каждого возраста, годовая процентная ставка [4 балла]

Задача 6. (a) Предположим, что на промежутке [67;68] интенсивность смертности является постоянной величиной. Найдите её для предельной таблицы AM92. (b) Подсчитайте значение ${}_{0.5}q_{67.25}$, используя предположение о постоянной интенсивности смертности и результат, полученный в пункте (a). [4 балла]

Задача 7. Опишите типичные выплаты при выходе на пенсию участника пенсионной схемы, привязанной к окладу. [6 баллов]

Задача 8. Опишите влияние профессии на смертность и заболеваемость. [6 баллов]

Задача 9. (i) Перечислите основные виды расходов страховой компании, занимающейся страхованием жизни. [2 балла]

(ii) Приведите по одному примеру расхода каждого вида (из перечисленных в вашем ответе на вопрос (i)) и укажите, как он обычно учитывается при расчёте премии. [4 балла] [Всего 6 баллов]

Задача 10. В соответствии с договором страхования жизни страховыми случаями являются смерть застрахованного (страховая сумма равна £10,000) и назначение инвалидности (разовая выплата £1,000).

(a) Нарисуйте диаграмму переходов цепи Маркова, которая могла бы использоваться при актуарном оценивании этого договора.

(b) Выпишите формулу для актуарной современной стоимости выплат по такому договору. [6 баллов]

Задача 11. (i) Опишите преимущества и недостатки использования необработанных коэффициентов смертности (crude mortality rate) и непосредственно стандартизованных коэффициентов смертности (directly standardised mortality rate) для сравнения смертности в двух или более различных группах населения. [4 балла]

Вам известны следующие данные относительно некоторой группы людей:

Возраст/численность: 50/100000, 55/95000, 60/80000. Общее число смертей в этой группе равно 1,250.

(ii) Используя таблицу ELT15 (для мужчин) подсчитайте стандартизованное отношение смертностей (standardised mortality ratio – SMR). [3 балла] [Всего 7 баллов]

Задача 12. Договор смешанного страхования жизни на 10 лет гарантирует выплату страховой суммы £100,000 в случае смерти застрахованного до истечения срока действия договора и выплату £50,000, если застрахованный проживёт эти 10 лет. Подсчитайте среднее значение и дисперсию современной стоимости обязательств страховщика по этому договору. Техническая основа расчётов: постоянная интенсивность смертности 0.03 на протяжении всего срока действия договора, годовая процентная ставка 5%. [8 баллов]

Задача 13. Страховая компания заключает с мужчиной в возрасте $x=20$ лет договор смешанного страхования жизни на $n=20$ лет. В момент смерти или по окончании срока действия договора (в зависимости от того, какое событие наступит раньше) выплачивается страховая сумма $SA=£85,000$ плюс бонус. Компания предполагает, что размер будущего бонуса на очередной год будет определяться в конце каждого года действия договора таким образом, что полная выплата на n -й год будет равна $SA \cdot (1+b)^{n-1}$, где $b=1.92308\%$, а полная выплата по дожитию будет равна $SA \cdot (1+b)^{40}$. Подсчитайте ежемесячную премию P по этому договору.

Основа расчётов: таблица смертности – AM92, техническая процентная ставка – $i=6\%$ годовых, первоначальная комиссия равна 480% от первой премии, возобновляемая комиссия составляет 2.5% от последующих премий, первоначальные расходы составляют £325, возобновляемые расходы равны £75 и оплачиваются в начале второго и последующих лет действия договора. Кроме того, предполагается, что возобновляемые расходы будут расти на £5 в год, начиная с третьего года действия договора. [10 баллов]

Задача 14. Страховая компания заключила с группой 40-летних мужчин ряд договоров страхования жизни на 20 лет с убывающей страховой суммой. Страховая выплата производится в конце года смерти и составляет £200,000 для первого года действия договора, £190,000 – для второго и т.д., т.е. ежегодно уменьшается на £10,000 пока не достигнет величины £10,000 для двадцатого (последнего) года действия договора. Премии выплачиваются раз в год на протяжении всего срока действия договора. Компания рассчитывает свои резервы на базе нетто-премий; допускаются отрицательные резервы.

(i) Покажите, что годовая нетто-премия для каждого договора примерно равна £204. [4 балла]

Предположим, что в начале 10-го года портфель страховщика содержал 625 таких договоров и 3 застрахованных умерли на протяжении этого года.

(ii) Подсчитайте доход или потери страховой компании за 10-й год от смертности. [6 баллов]

(iii) Кратко прокомментируйте результаты, полученные при выполнении задания (ii). [2 балла]

Основа расчётов: таблица смертности – предельная AM92, процентная ставка 4% годовых, расходов нет. [Всего 12 баллов]

Задача 15. Страховая компания заключает договор временного страхования жизни на 3 года с мужчиной в возрасте 57 лет. Постоянная премия платится в начале каждого года действия договора (если застрахованный жив в этот момент). Страховая сумма равна £150,000 и выплачивается в конце года смерти. При подсчёте премии компания использует следующие предположения: компания зарабатывает 6% годовых (отрицательный балас по договору растёт в соответствии с той же процентной ставкой), смертность описывается таблицей AM92, начальные расходы равны £350, в момент выплаты второй и третьей премий имеются возобновляемые расходы в размере £50, начальная комиссия составляет 15% от первой премии, в момент выплаты второй и третьей премий имеются возобновляемая комиссия в размере 2.5% от премии, техническая процентная ставка, используемая при дисконтировании денежных сумм, равна 6%.

(i) Запишите выражение для случайной величины, которая даёт общие будущие потери в момент начала действия договора. [5 баллов]

(ii) Приравнявая среднее значение величины приведённых потерь к 0, подсчитайте премию (используйте формулы для стандартных видов страхования и рент). [4 балла]

(iii) При тех же предположениях вычислите премию с использованием метода денежных потоков (разрывы договоров в расчёт не принимать). [6 баллов]

(iv) Без каких-либо дополнительных вычислений объясните влияние:

(a) формирования резервов на расчёты в пункте (iii).

(b) увеличения технической процентной ставки до 8%. [2 балла][Всего 17 баллов]