

Наиболее важными для нас являются диаграммы размаха, точечные графики, ядерные оценки плотности и гистограммы. Остальные способы визуализации приведены для расширения кругозора.

Одномерные массивы данных

- Диаграмма размаха (box plot), также известная как ящик с усами.

Этот график упрощает данные, оставляя только несколько параметров: медиану (грубо говоря такое число, что половина данных меньше его, а вторая половина больше), верхнюю и нижние квартили (т.е. такие числа, что четверть данных больше верхней квартили и четверть меньше нижней), существенный минимум и максимум (наименьшее и наибольшее значения, не считая выбросов), а также выбросы, которые существенно меньше или больше остальных чисел в ряду.

Обычно мы применяем этот способ, если мы хотим визуально сравнить несколько категорий данных.

В R этот график реализован с помощью обычной функции boxplot, но более удобным для нас будет использование функции qplot пакета ggplot2.

Базовая форма вызова функции qplot(gear, mpg, data=mtcars, geom="boxplot", fill=factor(gear))*¹, где data — массив из которого мы берем данные, gear — переменная отвечающая за категорию данных, mpg — за сами данные, а fill раскрашивает диаграммы в соответствии со значением переменной gear. Здесь к gear мы применили функцию factor, которая из числовой переменной сделала категориальную.

Картинки, приведенные в файле, можно также увидеть в project в папке pictures

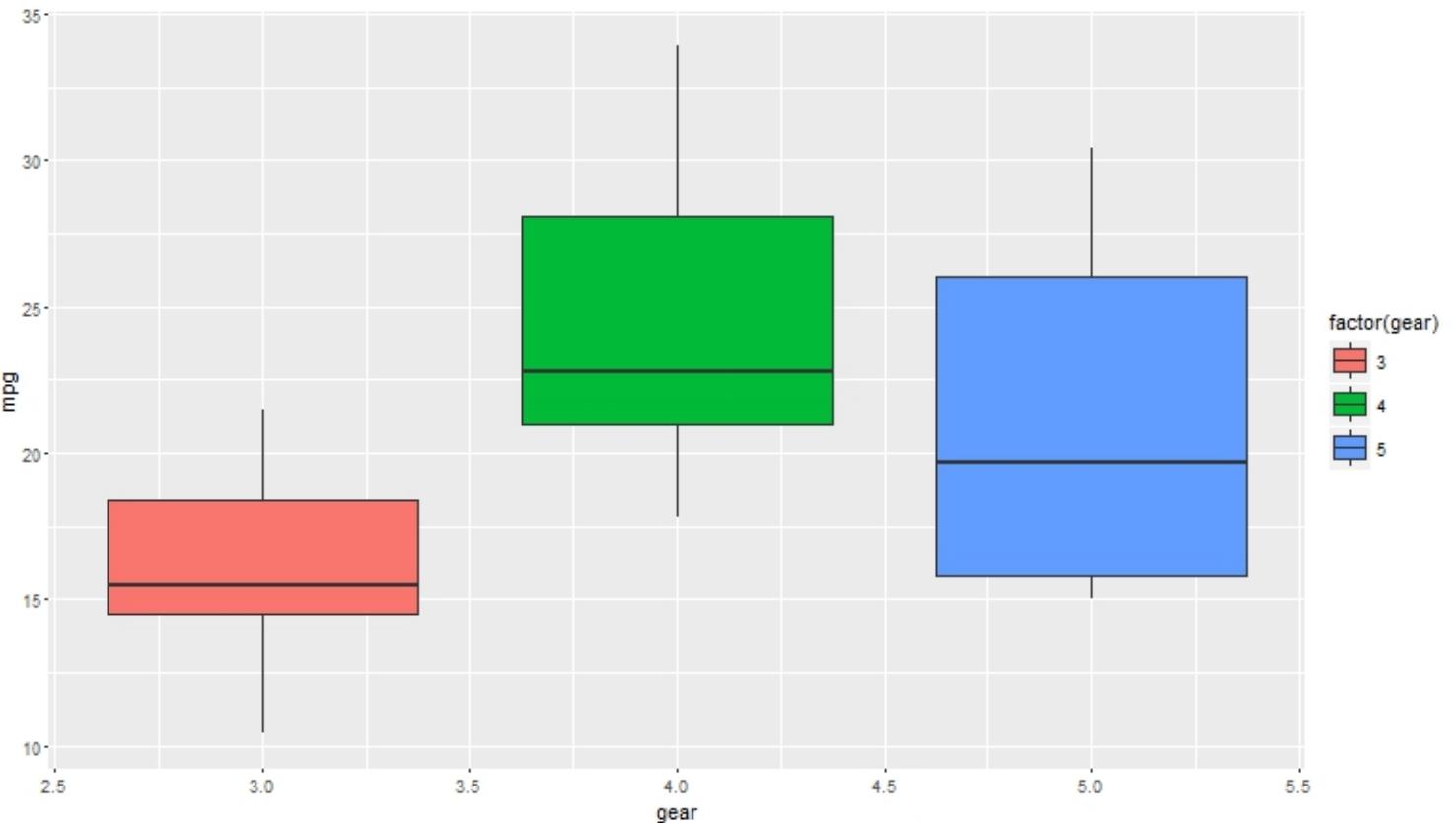


Рис. 1: Box plot

У функции qplot есть еще много других параметров, в частности, xlab, ylab отвечают за подписи по осям, main за название.

- Столбцовая диаграмма (Bar plot)

Для категориальных данных, принимающих мало различных значений, используют столбцовую диаграмму, которая строит несколько столбцов с высотами, соответствующими количеству наблюдений.

В R этом можно сделать, например, так qplot(gear, data=mtcars, geom="bar", fill=I("red"))*

Также как и в прошлый раз, мы можем использовать для параметра fill не постоянное значение "red", а вектор значений, скажем, qplot(gear, data=mtcars, geom="bar", fill=factor(cyl))*

- Гистограмма (histogram). Гистограмма разбивает оси на интервалы, заменяет значения переменных на номер интервала попадания и строит по полученным данным столбцовую диаграмму.

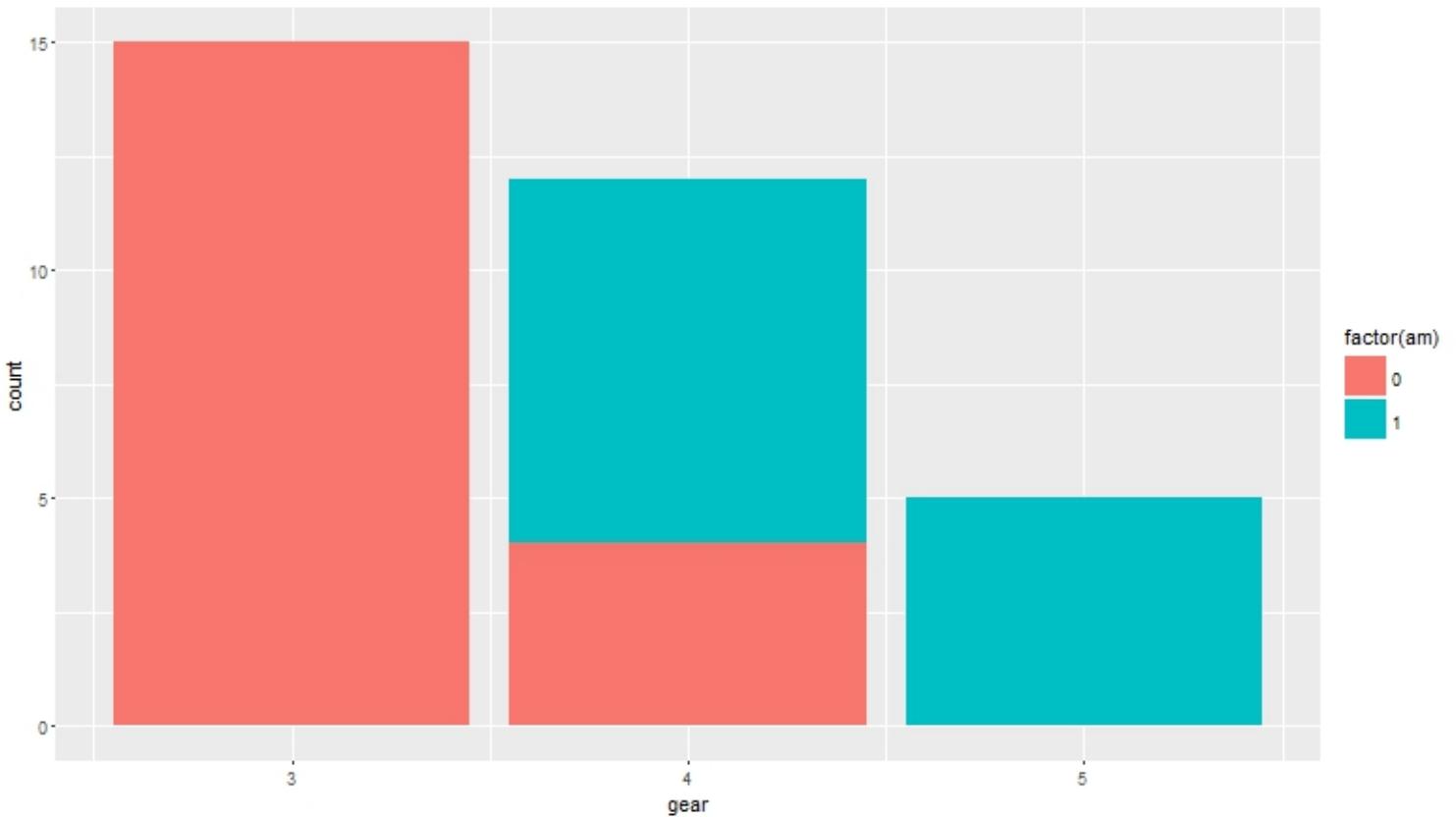


Рис. 2: Bar plot

Гистограмма оценивает плотность распределения соответствующей случайной величины. Высокие столбцы соответствуют частой встречаемости значения, низкие — редкой.

В R ее можно построить с помощью базовой функции `hist` или же через `qplot(mpg, data=mtcars, geom="histogram", fill=I("red"))*`. Отметим также вызов с большим числом параметров — здесь мы выбрали ширину интервалов и цвет границы: `qplot(mpg, data=mtcars,geom="histogram",fill=I("red"),binwidth = 2,col=I("blue"))*`

- Ядерная оценка плотности (density plot). Гистограмма дает дискретизированное приближение функции плотности, между тем можно получить множество гладких оценок для этой функции. Популярным методом являются так называемые ядерные оценки.

В R такой график можно построить с помощью `qplot(mpg, data=mtcars,geom="density",fill=factor(cyl), alpha=0.5,)*`, где параметр `alpha` задает прозрачность.

Совместить на одном графике и то и то можно так:^{*}

- Скрипичные графики (violin plot).

Если у нас много графиков, то сравнивать их плотности очень тяжело — картинка получается перегруженной. В этом случае обычно используют `box plot`. Но существует также некоторый компромисс, называемый `violin plot`.

`Violin plot` строит вдоль вертикальной оси симметричную фигуру, чей контур соответствует плотности. Это позволяет и увидеть соотношение между несколькими категориями данных, и увидеть больше, чем в `boxplot`.

В R это реализуется с помощью `qplot(gear, mpg, data=mtcars,geom=c("violin"),fill=factor(gear))*`

Чтобы понять как это график соотносится с диаграммой размаха, построим их вместе `qplot(gear, mpg, data=mtcars, geom=c("violin","boxplot"), fill=factor(gear))*`

Двумерные массивы данных

- Диаграмма рассеивания (scatterplot)

`Scatterplot` — это просто двумерный точечный график. В R его можно создать просто функцией `plot(x,y)`, но более изящно выглядит `qplot(disp, mpg, data=mtcars, geom="point",col=factor(gear))*`

В этом случае `geom` можно и не указывать

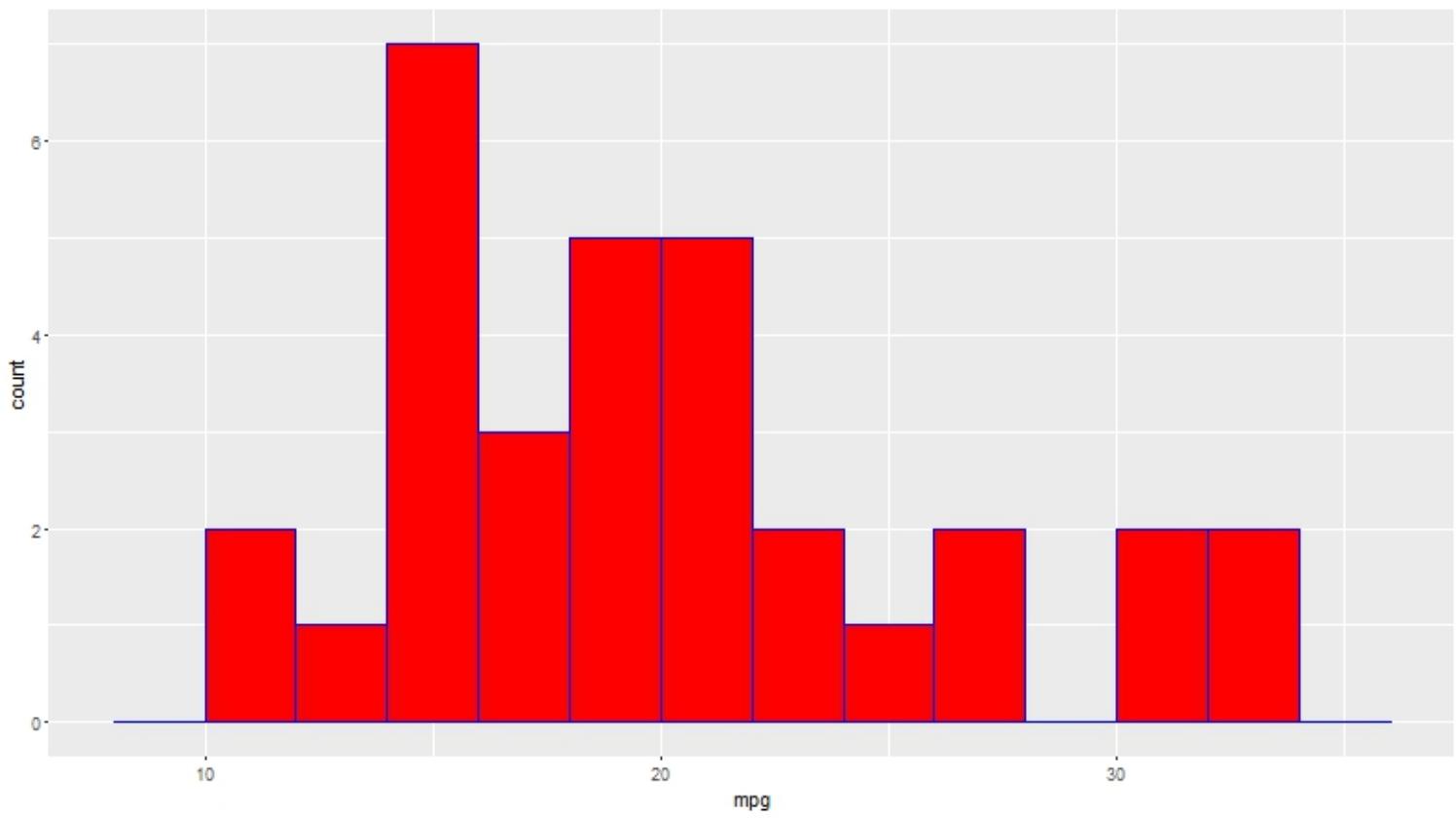


Рис. 3: Histogram

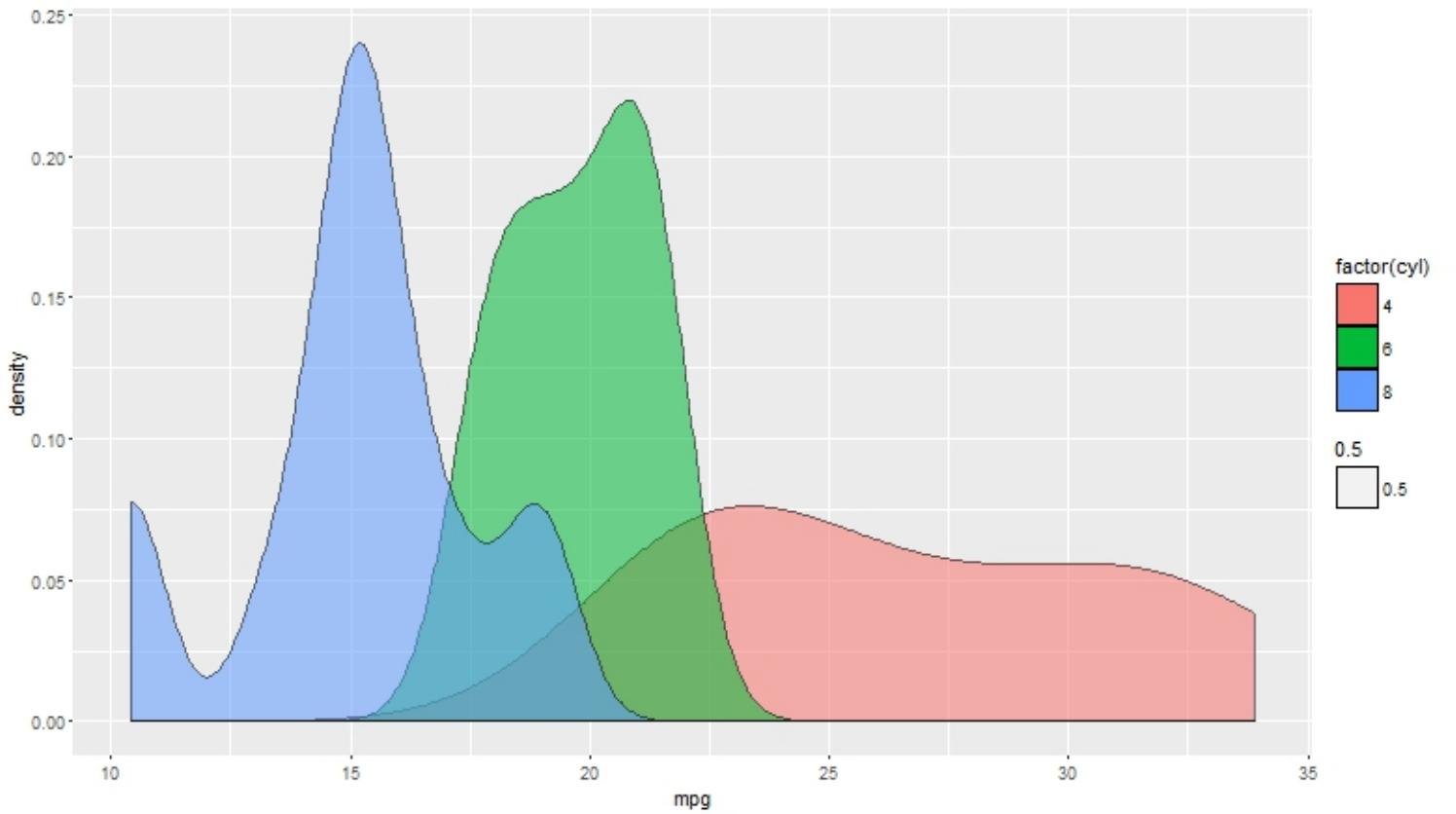


Рис. 4: Density

- Диаграмма размаха с выделением

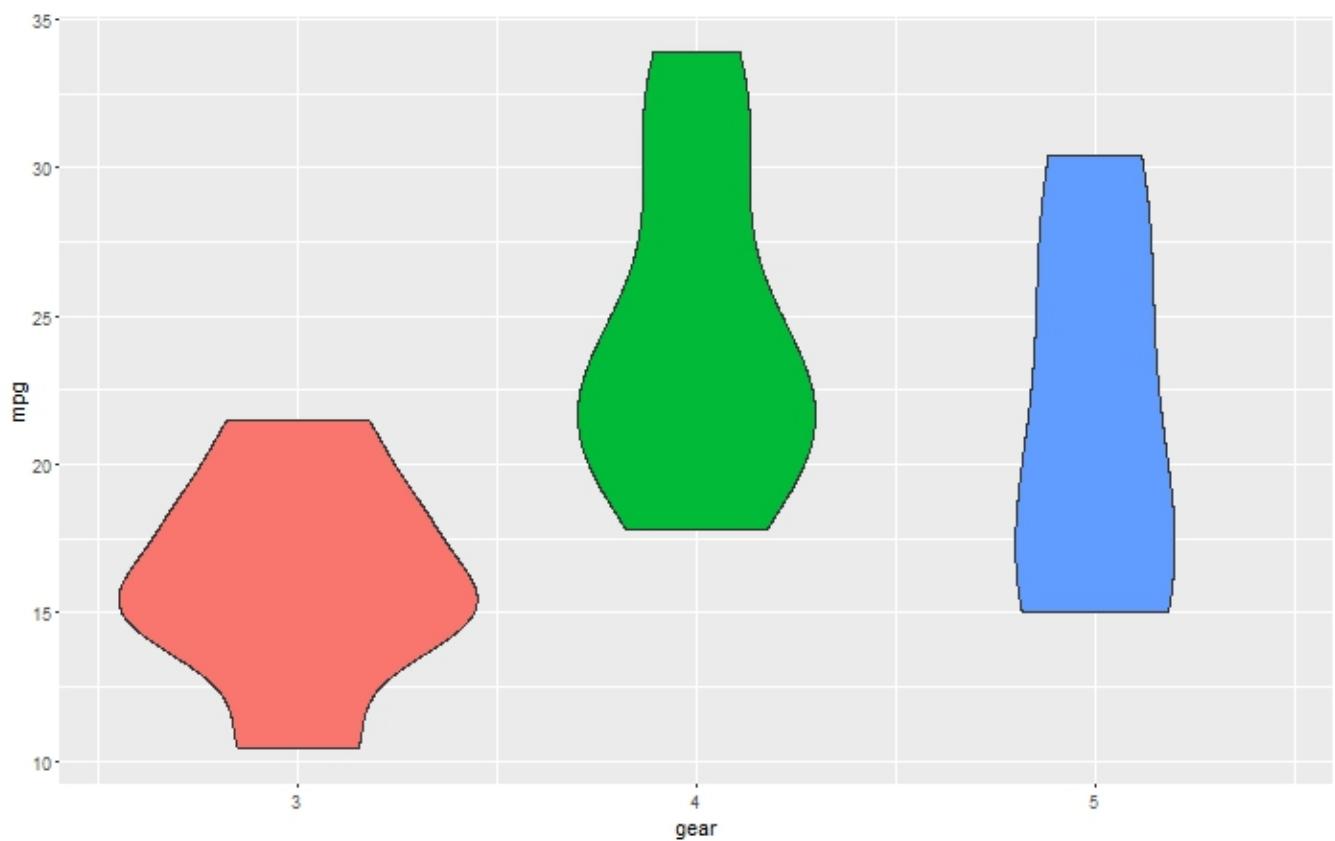


Рис. 5: Violin

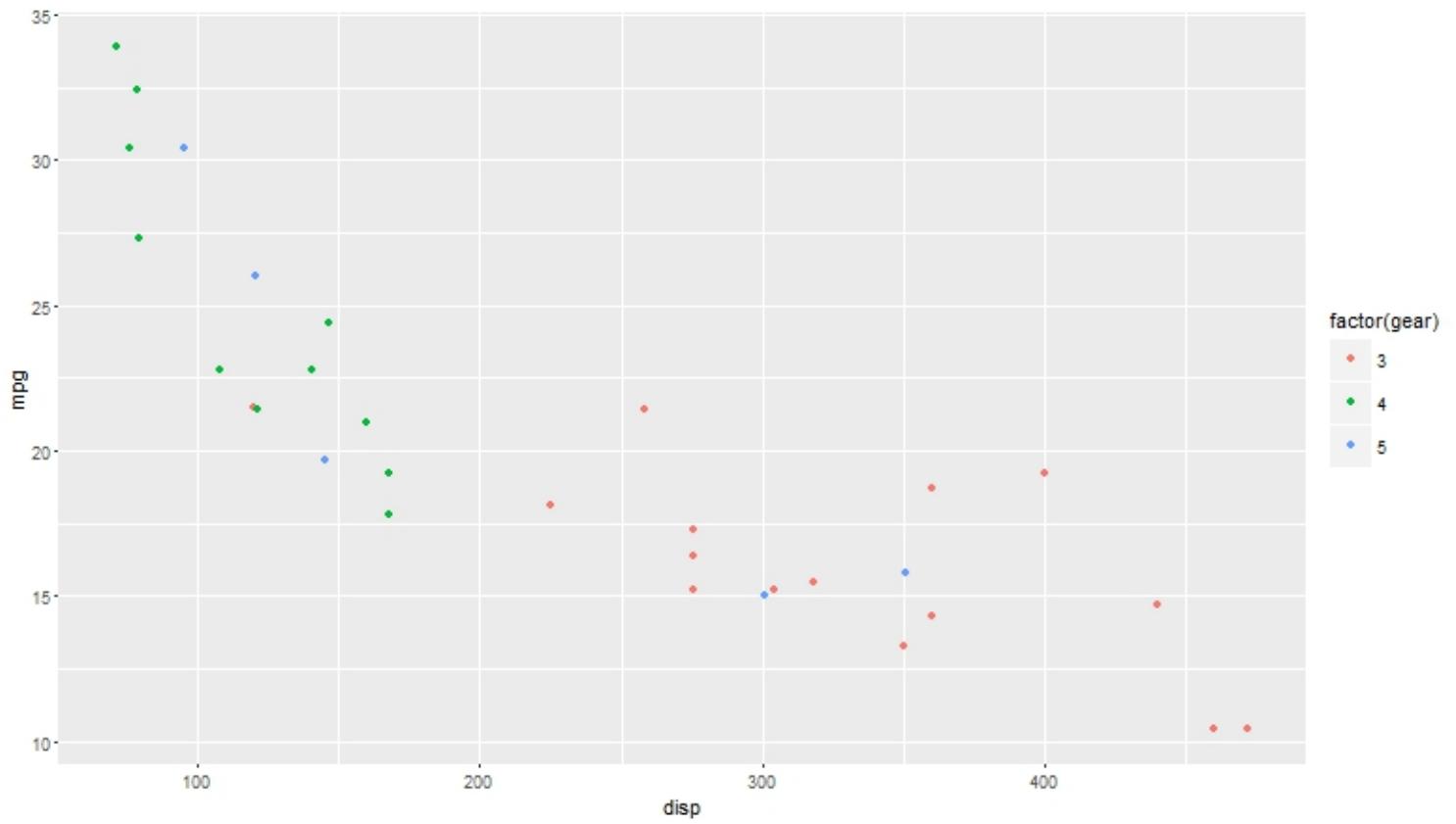


Рис. 6: Scatterplot

Отобразить вторую переменную можно и на одномерных графиках с помощью выделения цветом. Мы уже видели такого рода графики в случае дискретных вторых переменных, но это возможно и в непрерывном случае

Скажем, `qplot(disp, mpg, data=mtcars, geom="violin",fill=factor(gear))`* расположит наши графики плотности для `mpg` в соответствии со значением `disp`. Аналогично можно сделать и для `boxplot`

Трехмерные массивы данных

- Трехмерный график
Функция `plot3d` из пакета `rgl` построит трехмерный график
`plot3d(mtcars$mpg, mtcars$disp, mtcars$hp)*`

- Диаграмма рассеивания с дополнительным выделением

Можно использовать для такой визуализации `scatterplot`, добавляя третью размерность через цвет или размер
`qplot(disp, mpg, data=mtcars, color=factor(hp))`
`qplot(disp, mpg, data=mtcars, size=factor(hp)).`

Таким образом, можно отобразить до 5 переменных

`qplot(disp, mpg, data=mtcars, size=factor(hp), col=factor(gear), shape=factor(am))`

Многомерные массивы данных

- Матрица диаграмм рассеивания (scatterplot matrix)

Матрица диаграмм рассеивания — это набор `scatterplots`, построенный по плоскостям, соответствующим каждой паре переменных.

В R она строится с помощью `pairs(~ mpg+disp+drat+wt, data=mtcars, main="Simple Scatterplot Matrix", col=mtcars$cyl)*`

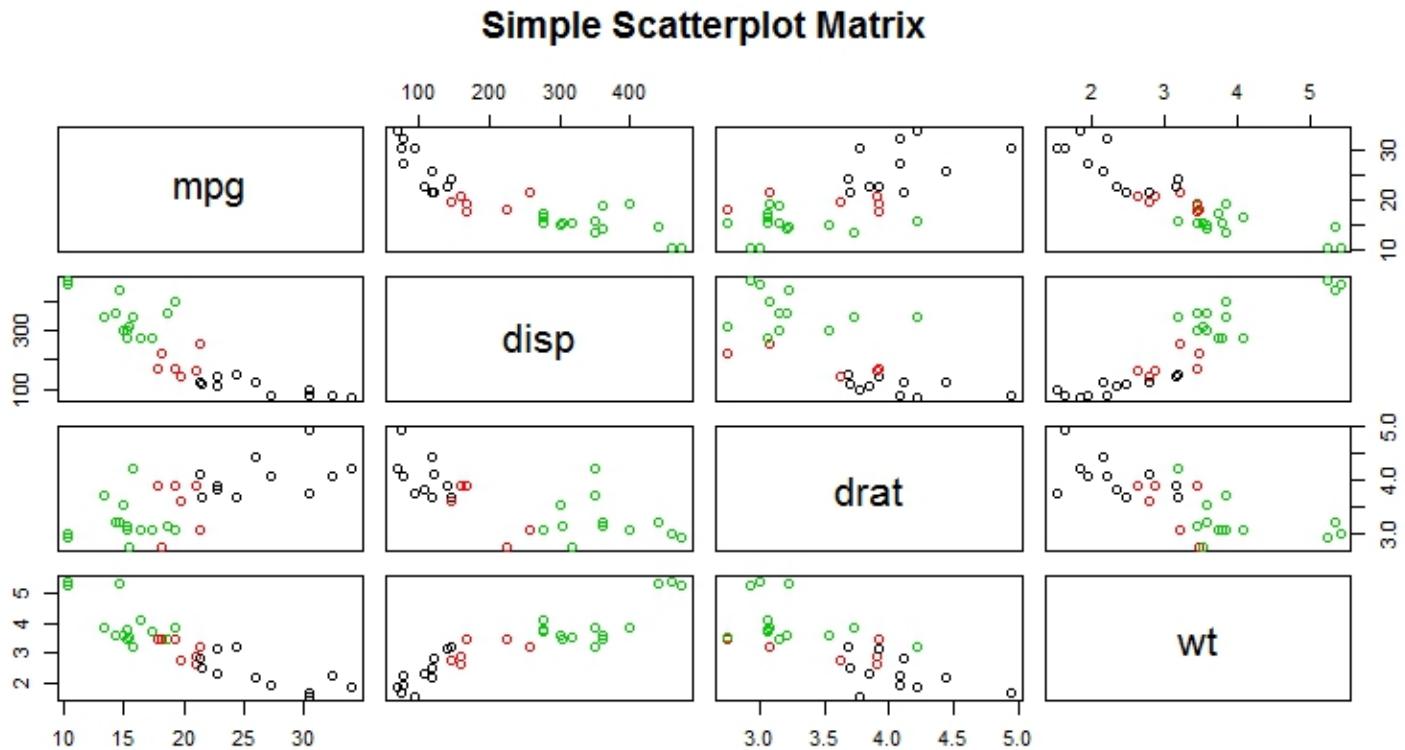


Рис. 7: Scatterplot matrix

- Кривые Эндрюса (Andrews plot)

Кривая Эндрюса строит по точке x_1, \dots, x_d отрезок ряда Фурье

$$f(t) = \frac{x_1}{\sqrt{2}} + x_2 \cos t + x_3 \sin t + x_4 \cos(2t) + \dots$$

и заменяет точку на такого рода кривую. Если размерность не слишком велика, то существенно разные коэффициенты при одной гармонике будут заметны.

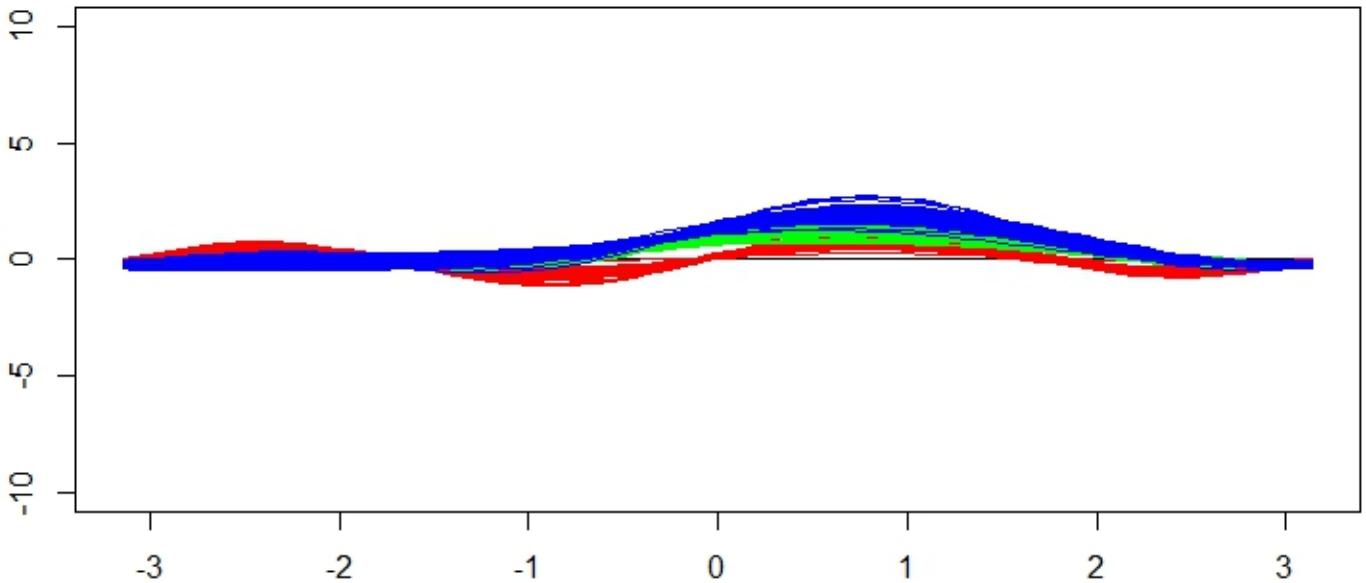


Рис. 8: Andrews Plot

Реализована она, например, функцией `andrews` пакета `andrews` с синтаксисом `andrews(iris,clr=5)`, где `clr` — номер столбца, отвечающего за цвет кривой.

Глядя на картинку мы видим, что красный цвет заметно отделяется от двух остальных, соответствующий первой переменной (`setosa`).

Не так просто понять, какое соответствие переменной и цвета, поэтому используем `brewer.pal(3, "Set1")`[`iris$Species`]* пакета `ColorR Brewer`. Тем самым мы создали вектор цветов, соответствующую переменной, отвечающей за вид. Сравнивая переменные `Species` и полученного вектора, видим, что E41A1C (красный) соответствует `setosa`, 4DAF4A (зеленый) — `virginica`, 377EB8 (синий) — `versicolor`.

Для большого числа данных такого рода визуализация слишком громоздка, но для нескольких десятков работает.

- Параллельные координаты

Параллельные координаты предлагаются заменить данные x_1, \dots, x_d на ломаную с вершинами $(1, x_1), \dots, (d, x_d)$. Если размерность не слишком велика или данные хорошо сгруппированы, то мы сможем визуально отличить качественное отличие нескольких групп таких ломаных

В R реализацию предлагает, например, функция `parcoord` пакета MASS.

Пример ее использования:

```
parcoord(iris[,c(3,4,2,1)],col=iris[,5])
```

При этом цвет задает вектором `col`, а сами данные — массивом `iris`.

- Радарная диаграмма (spider plot, radar chart, star plot, web plot)

В этом виде диаграмм мы строим аналог параллельных координат, но замкнутый по кругу. Иначе говоря, оси, соответствующие нашим переменным, расположены через равные углы по кругу, каждой точке соответствует многоугольник.

В R есть стандартная функция `stars`, реализующая эту процедуру в виде `stars(mtcars[,1:11])`.

В этом случае мы получим матрицу радарных диаграмм

Иногда удобнее построить их на одном графике, для этого можно использовать `chartJSRadar` из пакета `library(radarchart)`. Примером может служить `chartJSRadar(skills)`. Стоит обратить внимание, что эта функция почему-то оперирует с транспонированным относительно обычного положения массивом — записи по столбцам, переменные по строкам. Транспонировать `data.frame` можно с помощью `as.data.frame(t())`

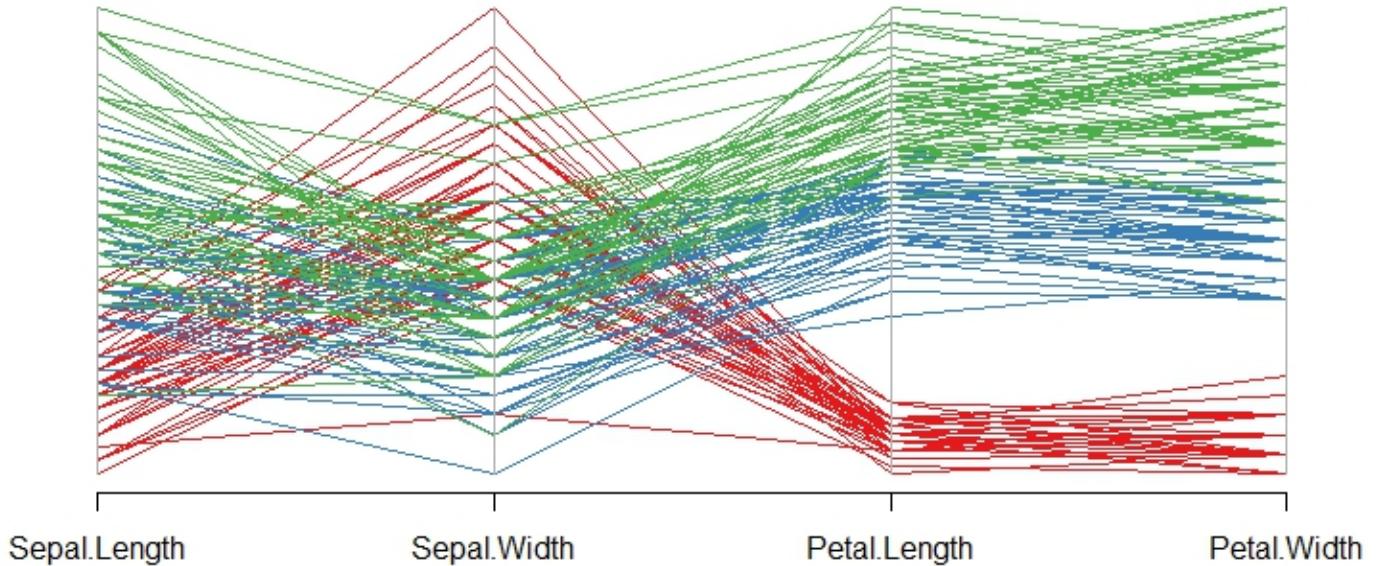


Рис. 9: Parallel Curves

- Лица Чернова

Лица Чернова, предложенные замечательным математиком Черновым, могут показаться забавной шуткой, но тем не менее достаточно эффективны.

Идея заключается в том, чтобы для каждой точки нарисовать лицо, различные параметры которого соответствуют значениям координат нашей точки.

Реализация этого алгоритма есть в библиотеке TeachingDemos в функции faces

Применение достаточно просто:
`faces(mtcars[1:10])`

В том же пакете есть аналогичная функция faces2 с другой системой кодирования лиц

Система кодирования лица по переменным указана в описании соответствующих функций.

Туры

Тур представляет собой динамическую визуализацию данных, устроенную следующим образом: 1) Мы фиксируем некоторую размерность d , выбираем подпространство размерности d и визуализируем его каким-либо образом.

2) Начинаем по некоторому принципу менять выбранное подпространство, каждый раз визуализируя его.

Наиболее естественный пример — мы можем изображать многомерные данные в некоторой проекции и если вращать плоскость проекции, то мы совершим путешествие по нашим многомерным данным, которое и называется туром.

В зависимости от метода выбора направления смены пространств используют:

`grand tour`, соответствующий случайной смене пространств,

`guided tour`, соответствующий смене пространств в направлении увеличения некоторого параметра.

`little tour` поочередно проводит нас по всем d -мерным пространствам, натянутым на какие-либо d координат, поворотом двигаясь из одного в другое.

В R для такого вида визуализации есть удобный пакет tourr, к которому может также понадобиться пакет ash.

В нем мы можем построить тур с помощью команд `grand_tour(d=)`, `guided_tour(index_f = , d=)` или `little_tour(d=)`. Здесь `index_f` задает параметр оптимизации, который может принимать значения `holes` (`holes index`, измеряющий степень разреженности данных), `cmass` (`central mass index`, измеряющий степень сконцентрированности данных), `lda_pp(col)` (`LDA projection pursuit index`, измеряющий линейную отделимость точек разных типов (типы задаются вектором `col`)), `pda_pp(col)` (`PDA projection pursuit index`, другой подобный индекс).

Построим тур `t` мы можем теперь визуализировать его каким-либо методом, в зависимости от размерности $d=1$. У всех указанных методов визуализации есть параметры `aps = 1`, `fps = 30`, `max_frames = Inf`, `rescale = TRUE` (указаны их

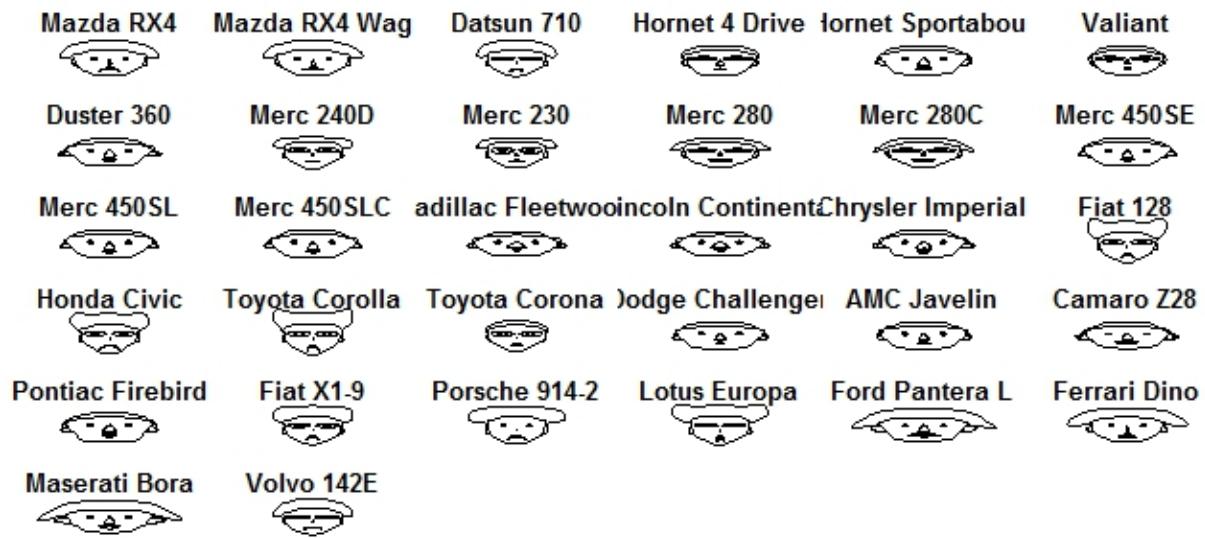


Рис. 10: Chernoff Faces

значения по умолчанию), отвечающие за шаг изменения угла, количество кадров в секунду, максимальное число показанных кадров и нормировку данных. Кроме того полезна переменная col, позволяющая окрасить данные в соответствии с вектором col.

- Одномерная визуализация осуществляется с помощью функции `animate_dist(data = , method = , tour_path = t)`. Параметром `method` может служить "hist" или "density" в зависимости от способа визуализации (гистограмма или оценка плотности).
- Двумерная визуализация осуществляется с помощью `animate_xy(data=,tour_path=t)`
- Трехмерная визуализация осуществляется с помощью `animate_depth(data=,tour_path=t)`
- Многомерная визуализация осуществляется с помощью
 - `animate_pcp(data=,tour_path=t)` (параллельные координаты),
 - `animate_faces(data=,tour_path=t)` (лица Чернова)
 - `animate_stars(data=,tour_path=t)` (звезды)
 - `animate_scatmat` (матрицы диаграмм рассеивания)

Итоговый формат вызова функции выглядит так:

```
animate_xy(data=mtcars,tour_path=grand_tour(d=2)),*
animate_faces(data=mtcars,tour_path=guided_tour(d=4,index_f=holes))*
```